

令和4年度学力検査問題

数学

注意

- 1 監督者の開始の合図があるまで、この問題冊子を開かないでください。
- 2 問題は、1ページから9ページまであります。
- 3 解答は、全て解答用紙の所定の欄に記入してください。
- 4 解答用紙の※印の欄には、何も記入しないでください。
- 5 監督者の終了の合図で筆記用具を置き、解答面を下に向け、広げて机の上に置いてください。
- 6 解答用紙だけを提出し、問題冊子は持ち帰ってください。

①~⑥の問題に対する解答用紙への記入上の留意点

- ・ 答えが数または式の場合は、最も簡単な数または式にすること。
- ・ 答えに根号を使う場合は、 $\sqrt{\quad}$ の中を最も小さい整数にすること。

1

次の(1)~(9)に答えよ。

(1) $6+3\times(-5)$ を計算せよ。

(2) $3(a-4b)-(2a+5b)$ を計算せよ。

(3) $(\sqrt{18}+\sqrt{14})\div\sqrt{2}$ を計算せよ。

(4) 2次方程式 $(x-2)(x+2)=x+8$ を解け。

(5) y は x に反比例し、 $x=2$ のとき $y=9$ である。
 $x=-3$ のときの y の値を求めよ。

(6) 箱の中に①, ②, ③, ④, ⑤ の5枚のカードが入っている。この箱から、同時に2枚のカードを取り出すとき、取り出したカードに③のカードがふくまれる確率を求めよ。
ただし、どのカードを取り出すことも同様に確からしいとする。

(7) 関数 $y=\frac{1}{4}x^2$ のグラフをかけ。

(8) 右の表は、M中学校の1年生男子のハンドボール投げの記録を度数分布表に整理したものである。
この表をもとに、記録が20m未満の累積相対度数を四捨五入して小数第2位まで求めよ。

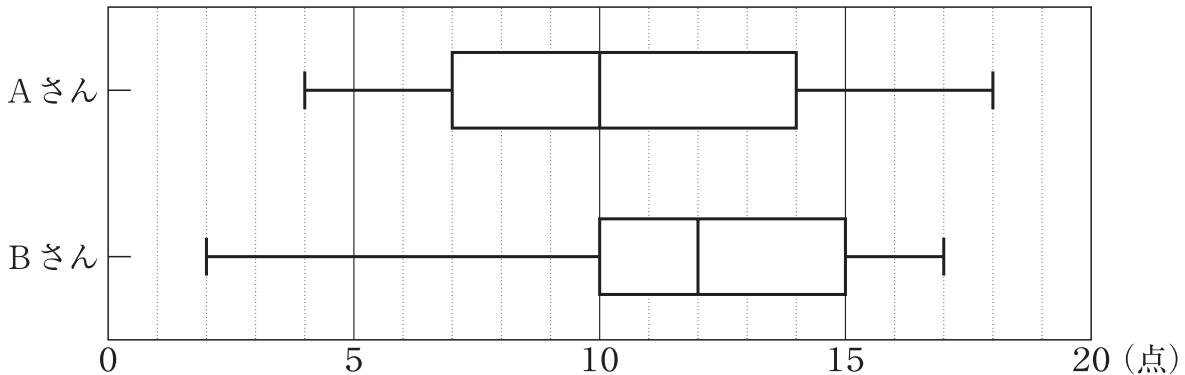
階級(m)	度数(人)
以上	未満
5 ~ 10	6
10 ~ 15	9
15 ~ 20	17
20 ~ 25	23
25 ~ 30	5
計	60

(9) ねじがたくさん入っている箱から、30個のねじを取り出し、その全部に印をつけて箱に戻す。その後、この箱から50個のねじを無作為に抽出したところ、印のついたねじは6個であった。
この箱に入っているねじの個数は、およそ何個と推定できるか答えよ。

2

下の図は、バスケットボールの試合を15回行ったときの、AさんとBさんの2人が、それぞれ1試合ごとにあげた得点をデータとしてまとめ、箱ひげ図に表したものである。

図



次の(1),(2)に答えよ。

(1) 図から読みとれることとして、正しく述べているものを次のア～エから全て選び、記号をかけ。

- ア Aさんのデータの第1四分位数は、4点である。
- イ Bさんのデータの最大値は、17点である。
- ウ 10点以上のデータは、AさんよりBさんの方が少ない。
- エ データの範囲は、AさんよりBさんの方が大きい。

(2) 光さんと希さんは、図の結果から、次の試合でAさんとBさんのどちらがより高い得点をあげるかを予想した。光さんは、データの最大値を用いて、「Aさんである」と予想したのに対して、希さんは、データの中央値と四分位範囲を用いて、「Bさんである」と予想した。

データの中央値と四分位範囲を用いて、「Bさんである」と予想できる理由の説明を完成させよ。

説明の (P) ~ (S) には、あてはまる数をそれぞれかき、(Z) には、AさんとBさんのデータの中央値と四分位範囲について、それれ数値の大小を比較した結果をかくこと。

説明

データの中央値は、Aさんが (P) 点、Bさんが (Q) 点、四分位範囲は、Aさんが (R) 点、Bさんが (S) 点であり、

(Z)

から。

3

図1のように、半径が $r\text{ m}$ の半円2つと、縦の長さが $2r\text{ m}$ 、横の長さが $a\text{ m}$ の長方形を組み合わせた形の池がある。

また、図2のように、半径が $a\text{ m}$ の半円2つと、縦の長さが $2a\text{ m}$ 、横の長さが $r\text{ m}$ の長方形を組み合わせた形の池がある。

ただし、 $a < r$ である。

図1

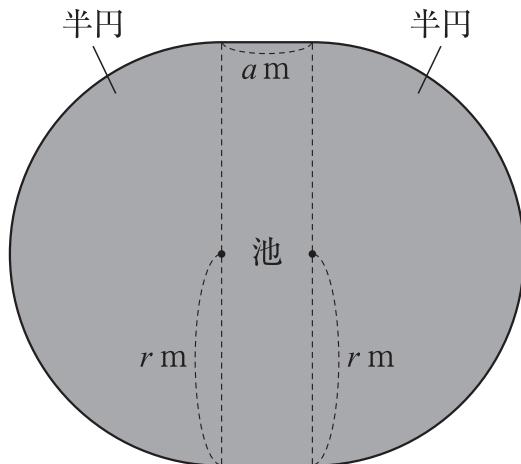
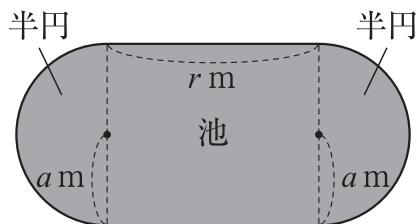


図2



次の(1), (2)に答えよ。答えに円周率を使う場合は、 π で表すこと。

(1) 図1の池の面積を $A\text{ m}^2$ 、図2の池の面積を $B\text{ m}^2$ とするとき、 $A-B$ を a , r を使って表した式が次のア～エに1つある。それを選び、記号をかけ。

ア $\pi(r^2 - 2a^2)$
ウ $\pi(r^2 - a^2)$

イ $\pi(r+a)^2$
エ $\pi(r-a)^2$

- (2) 図3のように、図1の池の周囲に、幅2mの道がついている。このとき、道の面積を $S \text{ m}^2$ 、道のまん中を通る線の長さを $\ell \text{ m}$ とする。

図3

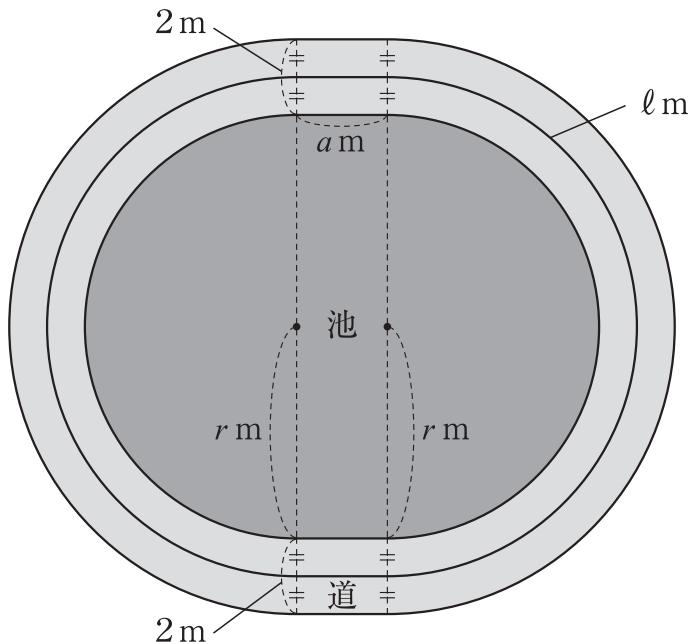


図3において、道の面積 S と、道のまん中を通る線の長さ ℓ の関係を表した式は、次のように求めることができる。

道の面積 S を、 a , r を使った式で表すと、

$$S = \boxed{\quad X \quad} \dots \quad \textcircled{1}$$

また、道のまん中を通る線の長さ ℓ を、 a , r を使った式で表すと、

$$\ell = \boxed{\quad Y \quad} \dots \quad \textcircled{2}$$

①, ②より、 S と ℓ の関係を表した式は、

$$\boxed{\quad Z \quad} \text{である。}$$

X , Y , Z にあてはまる式をそれぞれかけ。

4

室内の乾燥を防ぐため、水を水蒸気にして空气中に放出する電気器具として加湿器がある。

洋太さんの部屋には、「強」「中」「弱」の3段階の強さで使用できる加湿器Aがある。加湿器Aの水の消費量を加湿の強さごとに調べてみると、「強」「中」「弱」どの強さで使用した場合も、水の消費量は使用した時間に比例し、1時間あたりの水の消費量は表のようになることがわかった。

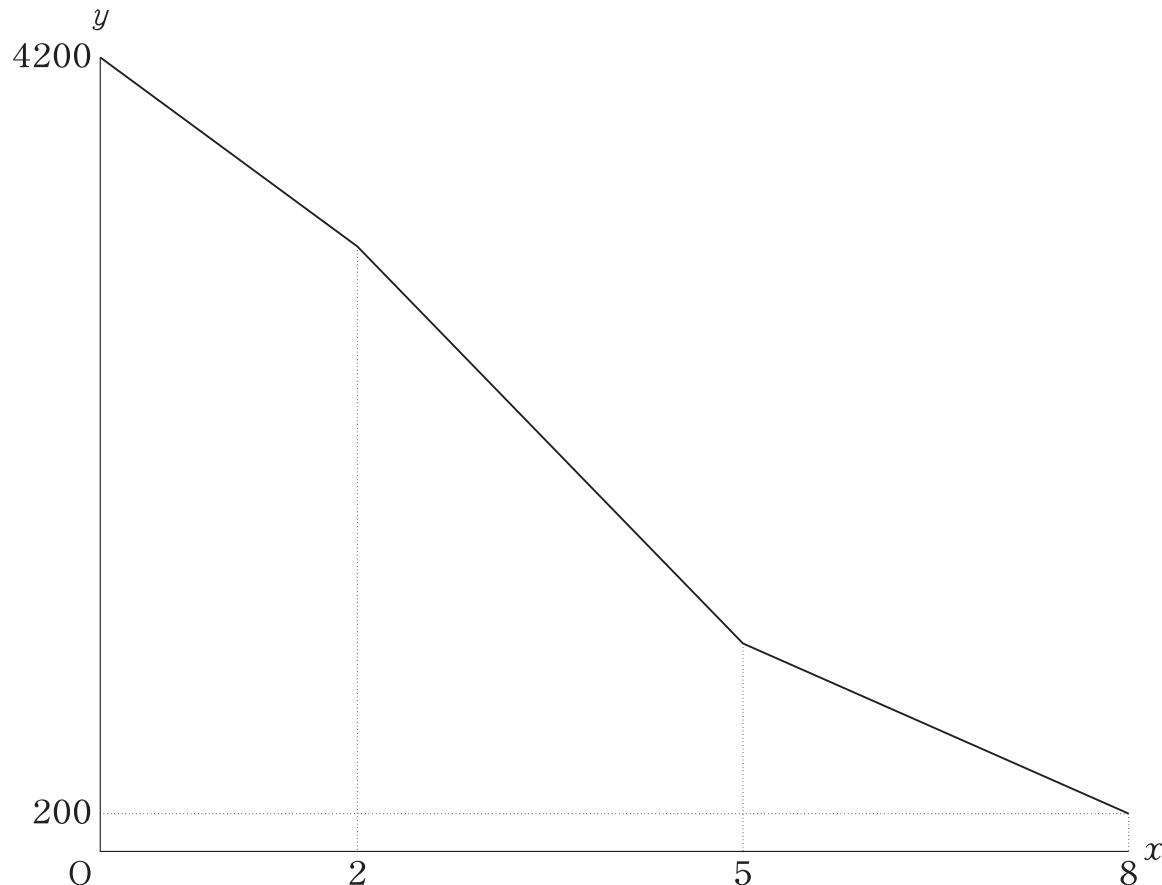
表

加湿の強さ	強	中	弱
1時間あたりの水の消費量(mL)	700	500	300

洋太さんは4200mLの水が入った加湿器Aを、正午から「中」で午後2時まで使用し、午後2時から「強」で午後5時まで使用し、午後5時から「弱」で使用し、午後8時に加湿器Aの使用をやめた。午後8時に加湿器Aの使用をやめたとき、加湿器Aには水が200mL残っていた。

図は、洋太さんが正午に加湿器Aの使用を始めてから x 時間後の加湿器Aの水の残りの量を y mLとするとき、正午から午後8時までの x と y の関係をグラフに表したものである。

図



次の(1)～(3)に答えよ。

- (1) 正午から午後1時30分までの間に、加湿器Aの水が何mL減ったか求めよ。
- (2) 仮に、加湿器Aを、午後5時以降も「強」で使用し続けたとするとき、正午に加湿器Aの使用を始めてから何時間後に加湿器Aの水の残りの量が0mLになるかを、次の方法で求めることができる。

方法

図において、 x の変域が $2 \leq x \leq 5$ のとき、 y を x の式で表すと、
 $y =$ ($2 \leq x \leq 5$)である。 $x \geq 5$ のときも、 x と y について同じ関係が成り立つとして、この式に $y=0$ を代入して x の値を求める。

このとき、方法の にあてはまる式をかけ。

- (3) 洋太さんの妹の部屋には加湿器Bがある。加湿器Bは、加湿の強さが一定で、使用した場合の水の消費量は、使用した時間に比例する。

洋太さんが正午に加湿器Aの使用を始めた後、洋太さんの妹は、午後2時に4200mLの水が入った加湿器Bの使用を始め、午後7時に加湿器Bの使用をやめた。午後7時に加湿器Bの使用をやめたとき、加湿器Bには水が200mL残っていた。

午後2時から午後7時までの間で、加湿器Aと加湿器Bの水の残りの量が等しくなった時刻は、午後何時何分か求めよ。

5

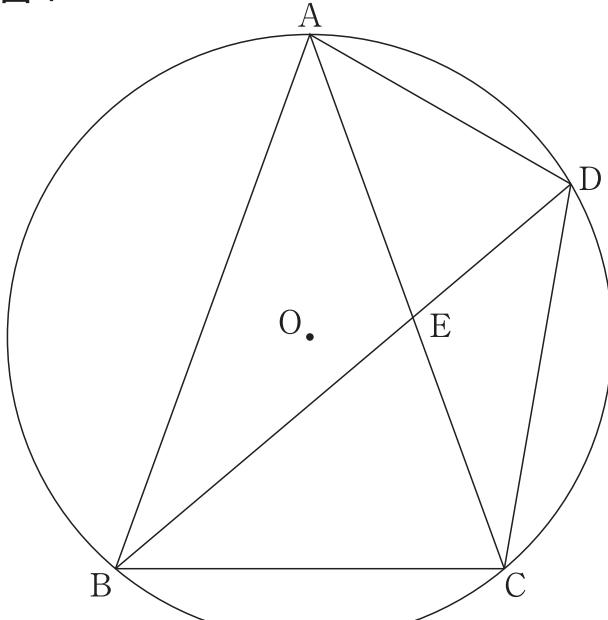
桜さんと明さんは、次の問題を解いている。

問題

図1のように、円Oの円周上に3点A, B, Cを、 $AB=AC$, $\angle BAC < 60^\circ$ となるようにとり、 $\triangle ABC$ をつくる。点Dを、点Bをふくまない \widehat{AC} 上に $\widehat{BC}=\widehat{CD}$ となるようにとり、点Dと点A, 点Dと点Cをそれぞれ線分で結ぶ。辺ACと線分BDの交点をEとする。

このとき、 $AE=AD$ となることを証明しなさい。

図1



次の会話文は、桜さんと明さんが、問題の解き方について会話した内容の一部である。



桜さん

$\triangle ABC$ が $AB=AC$ の二等辺三角形であることを使って、 $AE=AD$ となることを証明できないかな。



明さん

それなら、① $\triangle ABC \sim (\quad)$ を示すことで、 $AE=AD$ となることを証明できそうだよ。



なるほどね。他にも $AE=AD$ となることを証明する方法があるのかな。

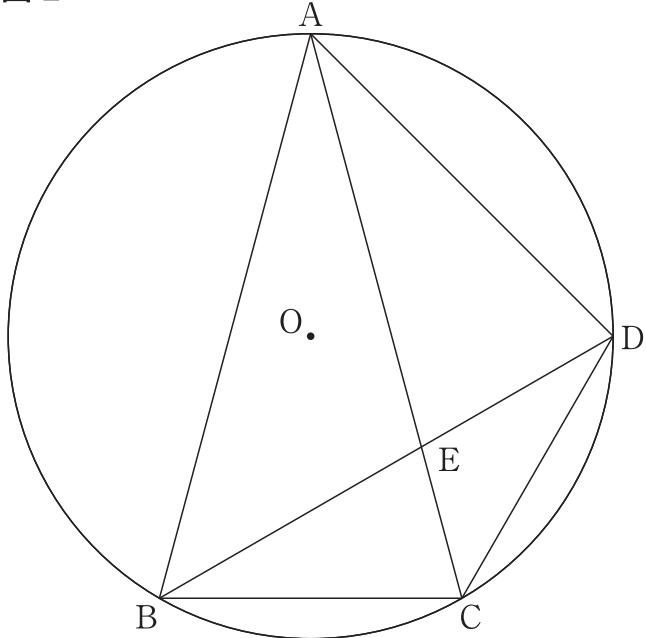


② $\triangle ABE \cong \triangle ACD$ を示すことで、 $AE=AD$ となることを証明できるよ。

次の(1)～(3)に答えよ。

- (1) 下線部①の () には、図1において、 $\triangle ABC$ と相似な三角形があてはまる。() にあてはまる三角形を1つかけ。
- (2) 図1において、下線部②であることを証明せよ。
- (3) 図2は、図1において、 $BE = 4\text{cm}$, $\angle BAE = 30^\circ$ となる場合を表している。このとき線分AEの長さを求めよ。

図2



6

図1は、 $AB=5\text{cm}$, $BC=10\text{cm}$, $AE=9\text{cm}$ の直方体 $A B C D E F G H$ を表している。点I, J, K, Lは、それぞれ辺 $E F$, $B F$, $C G$, $G H$ 上にあり、 $F I=G L=2\text{cm}$, $F J=G K=4\text{cm}$ である。

図2は、図1の直方体を4点I, J, K, Lを通る平面で分けたときにできる2つの立体のうち、頂点Aをふくむ立体を表しており、点Mは辺IJの中点である。

図1

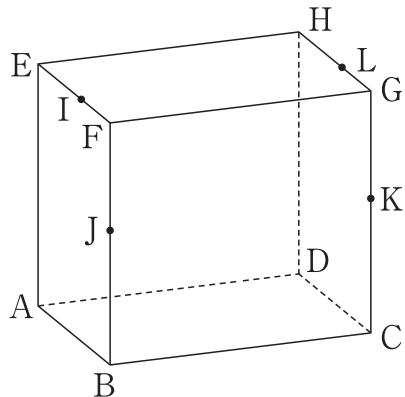
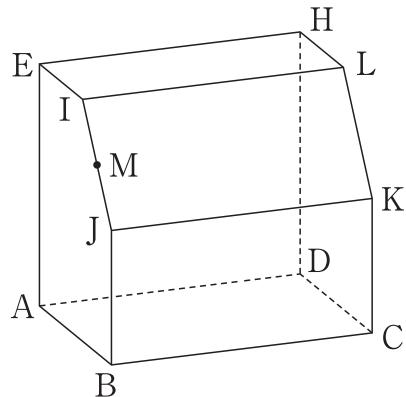


図2



次の(1)～(3)に答えよ。

(1) 図2に示す立体において、辺や面の位置関係を正しく述べているものを次のア～エから全て選び、記号をかけ。

- ア 辺 $A B$ と辺 $H L$ は平行である。
- イ 面 $A D H E$ と面 $J K L I$ は平行である。
- ウ 面 $A B C D$ と辺 $B J$ は垂直である。
- エ 辺 $D H$ と辺 $K L$ はねじれの位置にある。

(2) 図2に示す立体において、辺 $A E$ 上に点Pを、 $MP + PD$ の長さが最も短くなるようにとる。

このとき、三角すい $A I P D$ の体積を求めよ。

(3) 図3は、図2に示す立体において、線分 $J C$ 上に点Qを、 $J Q:QC = 2:3$ となるようにとり、点Aと点Qを結んだものである。

このとき、 $\triangle A Q J$ の面積を求めよ。

図3

